

**Exercice n°1 :**

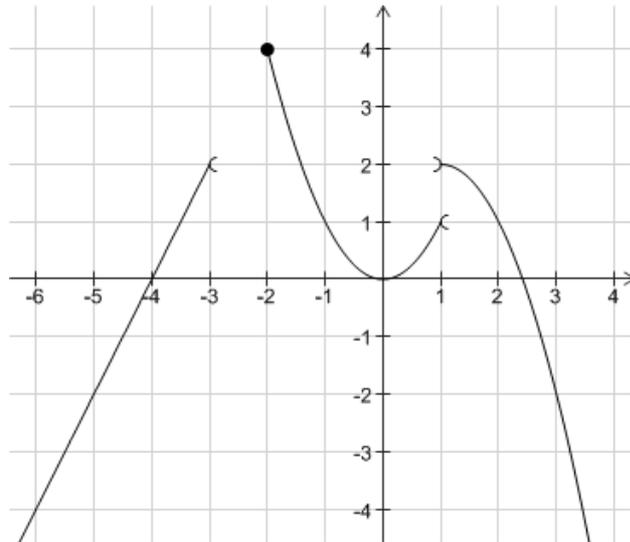
Montrer que la fonction  $f$  est continue en  $a$  dans chacun des cas suivants :

- |   |             |   |              |
|---|-------------|---|--------------|
| 1) $f(x) = 3x^2 - 5x + 2$               | ; $a = -2$  | 2) $f(x) = \frac{2x^2 - 3}{x^2 + 1}$    | ; $a = 1,5$  |
| 3) $f(x) = \frac{x-2}{2x^2 - 3x + 1}$   | ; $a = -2$  | 4) $f(x) = 3 2x - 3  +  x^3 - x^2 + 1 $ | ; $a = 1002$ |
| 5) $f(x) = (x^2 - 4)\sqrt{x-1}$         | ; $a = 3$   | 6) $f(x) = \sqrt{x^2 - 5x + 4}$         | ; $a = 0$    |
| 7) $f(x) = \frac{\sqrt{x-1}}{x^2 - 2x}$ | ; $a = 2,8$ |   |              |

**Exercice n°2 :**

Soit  $f$  la fonction représentée ci-contre :

- 1) Donner l'ensemble de définition de  $f$ .
- 2) Répondre par Vraie ou Faux :
  - a)  $f$  est continue en  $(-1)$ .
  - b)  $f$  est continue en  $(-3)$ .
  - c)  $f$  est continue à gauche en  $(-3)$ .
  - d)  $f$  est discontinue en  $(-2)$ .
  - e)  $f$  est continue à droite en  $(-2)$ .
  - f)  $f$  est continue à gauche en  $(-2)$ .
  - g)  $f$  est continue à droite et à gauche en  $2$ .
  - h)  $f$  est continue à droite en  $1$ .
  - i)  $f$  n'est pas continue ni à gauche ni à droite en  $1$ .

**Exercice n°3 :**

On considère la fonction  $f$  définie sur  $\mathbb{R}$  telle que :

- La restriction de  $f$  sur  $]-\infty, -1]$  est une fonction affine et sa courbe passe par les points  $A(-3, -1)$  et  $B(-2, 1)$ .
- La restriction de  $f$  sur  $]-1, 2]$  est une fonction constante.
- La restriction de  $f$  sur  $]2, +\infty[$  est une fonction linéaire.
- $f$  est continue en  $(-1)$  et en  $2$ .

1) Construire dans un repère orthonormé  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  la courbe représentative de la fonction  $f$ .

2) Donner l'expression de  $f(x)$  pour tout  $x \in \mathbb{R}$ .

**Exercice n°4 :**

Montrer que  $f$  est continue sur  $\mathbb{R}$ , dans chacun des cas suivants :

- |   |  |
|---|--|
| 1) $f(x) =  x^4 - 3x^2 + x - 4 $          | 2) $f(x) = \frac{(2x-3)(x-2)}{ x+1 +2}$                |
| 3) $f(x) = \sqrt{x^4 + 3x^2 + 2}$         | 4) $f(x) = 3x^2 - 5x + \sqrt{2x^2 + 3}$                |
| 5) $f(x) = \frac{3x^2 - 6}{x^2 - 3x + 3}$ | 6) $f(x) = \frac{ 2x^2 - x + 3 }{\sqrt{2x^2 + x + 2}}$ |

**Exercice n°5 :**

Soit  $f$  la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par :  $f(x) = \begin{cases} -x + 2 & \text{si } x \leq -1 \\ x^2 - 2x & \text{si } -1 < x < 2 \\ \sqrt{x+2} & \text{si } x \geq 2 \end{cases}$

- 1) Montrer que  $f$  est continue sur  $]-\infty, -1]$ , sur  $]-1, 2[$  et sur  $[2, +\infty[$
- 2) a) Tracer  $C_f$  la courbe représentative de  $f$  sur un repère orthonormé  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ .  
b) Justifier graphiquement que  $f$  n'est pas continue sur  $\mathbb{R}$ .  
c) Quelles sont les images par  $f$  des intervalles  $I = [-4, -2]$ ,  $J = ]-1, 2[$  et  $K = [3, 6]$ .

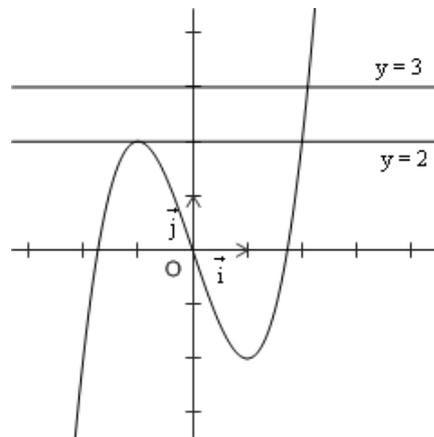
**Exercice n°6 :**

Soit  $f$  la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = x^3 + 4x + 1$

- 1) Justifier la continuité de  $f$  sur  $\mathbb{R}$ .
- 2) Montrer que l'équation  $f(x) = 0$  admet une solution  $\alpha$  dans  $[-1, 0]$ .
- 3) Donner une valeur approchée de  $\alpha$  à  $10^{-1}$  près.

**Exercice n°7 :**

Dans le plan muni d'un repère orthonormé  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ , on a représenté la fonction  $f$  définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = x^3 - 3x$ .



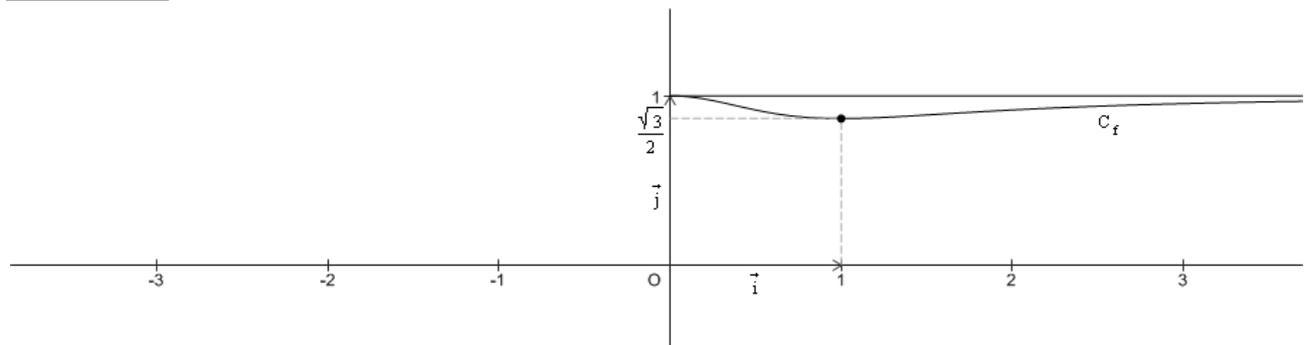
- 1) Justifier, graphiquement, que l'équation  $f(x) = 3$  admet une solution unique  $\alpha$  dans  $\mathbb{R}$  et en donner un encadrement à  $10^{-3}$  près.
- 2) Déterminer les abscisses des points d'intersection de la courbe  $\mathcal{C}$  de  $f$  et la droite  $\Delta' : y = 2$ .

**Exercice n°8 :**

Soit  $f$  la fonction définie sur  $[0, +\infty[$  par  $f(x) = x^3 - \sqrt{x+1}$

- 1) Montrer que  $f$  est continue sur  $[0, +\infty[$ .
- 2) a) Montrer que l'équation  $f(x) = 0$  admet une solution  $\alpha$  dans  $[1, 2]$ .  
b) Donner la valeur approchée de  $\alpha$  à  $10^{-1}$  près.

**Exercice n°9 :**



Soit la fonction  $f$  définie par  $f(x) = \frac{\sqrt{x^4 + x^2 + 1}}{x^2 + 1}$

- 1) Déterminer l'ensemble de définition de  $f$ .
- 2) Justifier la continuité de  $f$  sur son ensemble de définition.
- 3) Etudier la parité de  $f$ , puis compléter sa courbe représentative dans le repère ci-dessus.
- 4) a) Montrer que  $f$  admet un maximum en 0.  
b) Montrer que  $f$  admet un minimum  $m = \frac{\sqrt{3}}{2}$ .
- 5) Déterminer  $f(\mathbb{R})$ .