

Dérivabilité**Exercice n°1 :**

Soit la fonction  $f$  définie sur  $\mathbb{R}$  par :  $f(x) = \sqrt{x^2 + 1} + x$

<http://ymaths.e-monsite.com/>

- 1) Montrer que  $f$  est continue sur  $\mathbb{R}$ .
- 2) Montrer que  $f$  est dérivable en 0.
- 3) Construire dans un repère orthonormé  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  la tangente  $\Delta$  à la courbe  $C_f$  de  $f$  en son point d'abscisse 0.
- 4) Donner une équation de cette tangente.

**Exercice n°2 :**

Soit la fonction  $f$  définie par :

$$f(x) = \begin{cases} \frac{-4x - 3}{x + 2} & \text{si } x \in ]-\infty, -1[ \\ x^2 - 3x - 3 & \text{si } x \in [-1, 1] \\ \sqrt{x^2 + 3} - 7 & \text{si } x \in ]1, +\infty[ \end{cases}$$

On désigne par  $C_f$  la courbe représentative de  $f$  dans un repère orthonormé  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ .

- 1) Déterminer le domaine de définition de la fonction  $f$ .
- 2) Montrer que  $f$  est continue sur  $\mathbb{R}$ .
- 3) a) Montrer que  $f$  est dérivable en  $(-1)$ .  
b) Ecrire l'équation de la tangente  $D$  à  $C_f$  au point d'abscisse  $(-1)$
- 4) Etudier la dérivabilité de  $f$  en 1. Interpréter géométriquement les résultats obtenus.
- 5) Soit  $x_0 \in ]-1, 1[$ .  
a) Déterminer  $f'(x_0)$ .  
b) Existe-t-il un point  $M_0$  de  $C_f$  d'abscisse  $x_0 \in ]-1, 1[$  où la tangente à  $C_f$  en  $M_0$  est parallèle à la droite d'équation  $\Delta : y = -2x + 7$

**Exercice n°3 :**

- 1) Pour chacune des fonctions suivantes, déterminer le domaine de définition et les intervalles sur les quelles elle est dérivable et déterminer sa fonction dérivée :

$$\text{a) } f : x \mapsto 2x - \frac{1}{x} + \sqrt{x} \quad \text{b) } g : x \mapsto 2x^2 \sqrt{x} \quad \text{c) } h : x \mapsto \frac{1}{3}x^3 - x^2 + x - 2$$

- 2) Ecrire l'équation de la tangente à la courbe  $(C_f)$  de  $f$  au point A d'abscisse 1.

**Exercice n°4 :**

Soit  $f$  la fonction numérique définie sur  $\mathbb{R}$  par :  $f(x) = 2x^3 - 8x + 5$

- 1) Former l'équation de la tangente à la représentation graphique  $(C_f)$  de  $f$  au point  $M_0$  d'abscisse  $x_0$
- 2) Déterminer les équations des tangentes à  $(C_f)$  passant par le point  $A(1, -3)$

**Exercice n°5 :**

Soit la fonction  $f$  définie sur  $\mathbb{R}$  par :

$$f(x) = \begin{cases} \frac{1}{2}x^2 - x + 1 & \text{si } x \in ]-\infty, 0[ \\ x + 1 + \sqrt{x} & \text{si } x \in [0, +\infty[ \end{cases}$$

On désigne par  $(C_f)$  la courbe représentative de  $f$  dans un repère orthonormé  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ .

- 1) Montrer que  $f$  est continue en 0.
- 2) Etudier la dérivabilité de  $f$  en 0. Interpréter graphiquement les résultats obtenus.
- 3) Préciser les intervalles de  $\mathbb{R}$  sur lesquels  $f$  est dérivables et déterminer sa fonction dérivée.