

Exercice n°1 :

Considérons un triangle ABC , I le milieu de $[BC]$, J le milieu de $[AI]$.

La parallèle à (AC) passant par J coupe (AB) en M et (BC) en N .

1. Montrer que N est le milieu de $[IC]$.

2. Calculer $\frac{BM}{BA}$

Exercice n°2 :

Soit un parallélogramme $ABCD$. Une droite passant par A coupe (BD) en I , (DC) en J et (BC) en K .

1. Montrer que $\frac{IB}{ID} = \frac{IA}{IJ} = \frac{IK}{IA}$.

2. En déduire que $IA^2 = IJ \times IK$.

Exercice n°3 :

Considérons un triangle ABC rectangle en A , J le milieu de $[BC]$. Soit $AB = 3 \text{ cm}$, $AC = 9 \text{ cm}$

I le point de $[AC]$ tel que $CI = 5 \text{ cm}$.

1. Calculer BC et AI . Que représente (IJ) pour $[BC]$.

2. La parallèle à (AB) passant par I coupe (BC) en E . Calculer EC , EI et EJ .

Exercice n°4 :

Soit ABC un triangle.

1. Construire le point D de $[BC]$ tel que $BD = \frac{1}{3} BC$.

2. La parallèle à (AB) passant par D coupe $[AC]$ en E et la parallèle à (AC) passant par D coupe $[AB]$ en F .

a. Comparer $\frac{AE}{AC}$ et $\frac{BD}{BC}$. En déduire que $\frac{AE}{AC} = \frac{1}{3}$.

b. Comparer $\frac{AF}{AB}$ et $\frac{CD}{CB}$. En déduire que $\frac{AF}{AB} = \frac{1}{3}$.

3. Soit I le milieu de $[AC]$. Calculer $\frac{AE}{AI}$. En déduire que $(EF) \parallel (BI)$.

Exercice n°5 :

Soit un parallélogramme $ABCD$, on désigne par I et J les milieux respectifs des segments $[BC]$ et $[AD]$.

1. Montrer que les droites (DI) et (BJ) sont parallèles.

2. La droite (AC) coupe les droites (BJ) et (DI) respectivement en E et F .

Montrer que $AE = EF = FC$.

3. La droite (BF) coupe les droites (AD) et (DC) respectivement en H et K .

a. Montrer que $\frac{HK}{HB} = \frac{HD}{HA}$.

b. Montrer que $HK \times HA = HF \times HJ$. En déduire que les droites (KJ) et (AF) sont parallèles.

4. a. Construire le point G du segment $[AB]$ tel que $AG = \frac{2}{3} AB$

b. Montrer que les droites (FG) et (BC) sont parallèles.

Exercice n°6 :

Soit ABC un triangle isocèle en A .

1. Construire le point $J \in [AB]$ tel que $AJ = \frac{3}{5} AB$ et le point $I \in [AC]$ tel que $AI = \frac{5}{3} AC$

2. Montrer que (JC) et (BI) sont parallèles.

3. La médiatrice de $[BC]$ coupe (JC) en K et (BC) en H et (BI) en O .

a. Montrer que le point H est le milieu de $[OK]$.

b. Quelle est la nature de $BKCO$.

4. En déduire que $JK = \frac{3}{5} KC$.